## Ficha de Trabalho – Reconhecimento de Padrões

Docente: Miguel Tavares Coimbra Data: 29/03/2014

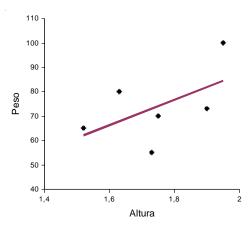
## 1. Representação do conhecimento.

a. Considere a seguinte tabela. Usando uma folha de cálculo, faça um gráfico 2D com os valores contidos nesta.

| Indivíduo | 1    | 2    | 3    | 4    | 5    | 6    |
|-----------|------|------|------|------|------|------|
| Peso      | 1,75 | 1,90 | 1,52 | 1,63 | 1,95 | 1,73 |
| Altura    | 70   | 73   | 65   | 80   | 100  | 55   |

Este gráfico está desenhado na figura em baixo.

b. Por observação do gráfico, consegue dizer quais destas pessoas podem ser consideradas gordas? E magras?

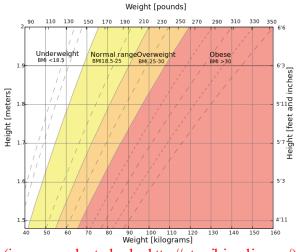


Para resolver esta pergunta é necessário, mesmo que mentalmente, dividir o *espaço de características* em dois sub-espaços: gordo e magro. A linha de regressão linear dá esta pista, propondo uma divisão do espaço em dois. No entanto conseguimos perceber que nem todas as classificações nos inspiram a mesma confiança. Podemos confiar num ponto que está quase sobre a linha de regressão?

c. Formalize este seu "reconhecimento de um padrão", criando uma *Regra* (par *condição-acção*) para cada uma destas situações.

Já fazemos isto! Como? Chamamos-lhe 'índice de massa corporal' e dividimos o espaço de características em várias 'classes'. A World Health Organization propõe estas regras de 'reconhecimento de padrões' aqui:

http://apps.who.int/bmi/index.jsp?introPage=intro 3.html



(imagem adaptada de: http://pt.wikipedia.org/)

d. Aplique a sua regra aos indivíduos anteriores, preenchendo a seguinte tabela. (Regra A: Gordo / Não gordo; Regra B: Magro / Não magro).

| Indivíduo | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|-----------|---|---|---|---|---|---|
| Regra A   |   |   |   |   |   |   |
| Regra B   |   |   |   |   |   |   |

Esta pergunta tem como objectivo percebermos que muitas vezes não chega ter uma regra 'binária'. Se criarmos uma regra para determinar se uma pessoa é gorda ou não, não estamos a afirmar nada sobre ser magra (pode não ser uma coisa nem outra). Isto quer dizer que teríamos que traçar duas linhas sobre o nosso gráfico da página anterior, se usarmos regras simples. Formalmente estamos a criar dois classificadores diferentes que actuam sobre o mesmo espaço de características, criando assim duas sub-divisões diferentes de espaço. Porque é que isto é importante? Porque não há nenhuma restrição formal que evite que os sub-espaços se sobreponham podendo acontecer algo estranho como uma pessoa ser considerada ao mesmo tempo gorda e magra se não formos cuidadosos.

e. Considere uma nova tabela. Classifique mentalmente cada pessoa como gorda, magra ou normal. Aplique as regras criadas na alínea c). Os resultados são concordantes?

| Indivíduo                | 7    | 8    | 9    | 10   |
|--------------------------|------|------|------|------|
| Peso                     | 1,72 | 2,05 | 1,67 | 1,82 |
| Altura                   | 85   | 95   | 65   | 61   |
| Classificação Manual     |      |      |      |      |
| Classificação Automática |      |      |      |      |

Esta pergunta destina-se a perceber as diferenças entre a minha classificação 'certa' (assumindo que a manual assim o é) e a criada por uma simples regra. Ou, pensando nos slides da cadeira, a diferença entre o mapa (e os seus detalhes nas fronteiras) de uma regra simples de latitude e longitude.

## 2. Reconhecimento estatístico de padrões.

a. Considere que criou um algoritmo que segmenta objectos circulares de uma fotografia a preto e branco. O seu objectivo é identificar se estes círculos correspondem a bolas escuras ou claras. Classificando manualmente as várias fotografias, obteve os seguintes resultados:

| Bolas escuras      | 1  | 2  | 3   | 4  | 5   | 6   | 7  | 8   | 9  | 10 |
|--------------------|----|----|-----|----|-----|-----|----|-----|----|----|
| Luminosidade Média | 10 | 55 | 152 | 34 | 175 | 101 | 77 | 163 | 44 | 95 |

| Bolas claras       | 1   | 2   | 3   | 4   | 5   | 6   | 7   | 8   | 9   | 10  |
|--------------------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| Luminosidade Média | 230 | 243 | 180 | 134 | 244 | 153 | 180 | 175 | 220 | 215 |

 Calcule a média e o desvio-padrão da distribuição da luminosidade de cada uma das classes.

| Classe           | Média | Desvio-Padrão |
|------------------|-------|---------------|
| A: Bolas escuras |       |               |
| B: Bolas claras  |       |               |

c. Assumindo que cada classe têm uma distribuição Gaussiana, calcule a probabilidade destas novas bolas serem claras ou escuras. Perante estas probabilidades, tome uma decisão: "A bola é escura" ou "A bola é clara".

$$Gauss_{pdf} = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}\right)$$

| Bolas              | 1  | 2   | 3   | 4   | 5   | 6   | 7   | 8   | 9  | 10  |
|--------------------|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|----|-----|
| Luminosidade Média | 90 | 145 | 133 | 132 | 146 | 223 | 252 | 204 | 78 | 195 |
| Decisão            |    |     |     |     |     |     |     |     |    |     |

d. O resultado correcto está descrito na tabela seguinte. Calcule a precisão do seu classificador. (*C-Clara*, *E-Escura*)

| Bolas     | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|-----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| Resultado | Е | Е | C | Е | C | С | C | C | Е | Е  |

$$Precisão = \frac{Nr.Correcto de Class.}{Nr.Total de Class.}$$

Estas perguntas são bastante directas sendo apenas necessário aplicar as fórmulas pedidas.

## 3. Aprendizagem máquina.

 a. Para conhecer mais profundamente os métodos discutidos na aula teórica, pode aceder a este excelente repositório online de tutoriais: http://www.autonlab.org/tutorials/